

第十九届全国青少年信息学奥林匹克联赛初赛

普及组 C++语言试题

竞赛时间：2013 年 10 月 13 日 14:30~16:30

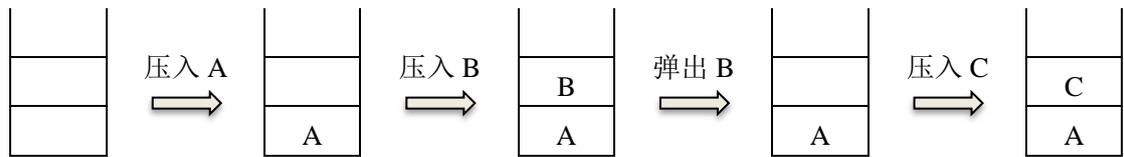
选手注意：

- 试题纸共有 9 页，答题纸共有 2 页，满分 100 分。请在答题纸上作答，写在试题纸上的一律无效。
- 不得使用任何电子设备（如计算器、手机、电子词典等）或查阅任何书籍资料。

一、单项选择题（共 20 题，每题 1.5 分，共计 30 分；每题有且仅有一个正确选项）

1. 一个 32 位整型变量占用（ ）个字节。
A. 4 B. 8 C. 32 D. 128
2. 二进制数 11.01 在十进制下是（ ）。
A. 3.25 B. 4.125 C. 6.25 D. 11.125
3. 下面的故事与（ ）算法有着异曲同工之妙。
 从前有座山，山里有座庙，庙里有个老和尚在给小和尚讲故事：“从前有座山，山里有座庙，庙里有个老和尚在给小和尚讲故事：‘从前有座山，山里有座庙，庙里有个老和尚给小和尚讲故事……’”
A. 枚举 B. 递归 C. 贪心 D. 分治
4. 逻辑表达式（ ）的值与变量 A 的真假无关。
A. $(A \vee B) \wedge \neg A$ B. $(A \vee B) \wedge \neg B$
C. $(A \wedge B) \vee (\neg A \wedge B)$ D. $(A \vee B) \wedge \neg A \wedge B$
5. 将 (2, 6, 10, 17) 分别存储到某个地址区间为 0~10 的哈希表中，如果哈希函数 $h(x) =$ （ ），将不会产生冲突，其中 $a \bmod b$ 表示 a 除以 b 的余数。
A. $x \bmod 11$ B. $x^2 \bmod 11$
C. $2x \bmod 11$ D. $\lfloor \sqrt{x} \rfloor \bmod 11$ ，其中 $\lfloor \sqrt{x} \rfloor$ 表示 \sqrt{x} 下取整
6. 在十六进制表示法中，字母 A 相当于十进制中的（ ）。
A. 9 B. 10 C. 15 D. 16

7. 下图中所使用的数据结构是（ ）。



- A. 哈希表 B. 栈 C. 队列 D. 二叉树

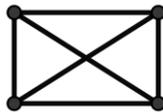
8. 在 Windows 资源管理器中，用鼠标右键单击一个文件时，会出现一个名为“复制”的操作选项，它的意思是（ ）。

- A. 用剪切板中的文件替换该文件
 B. 在该文件所在文件夹中，将该文件克隆一份
 C. 将该文件复制到剪切板，并保留原文件
 D. 将该文件复制到剪切板，并删除原文件

9. 已知一棵二叉树有 10 个节点，则其中至多有（ ）个节点有 2 个子节点。

- A. 4 B. 5 C. 6 D. 7

10. 在一个无向图中，如果任意两点之间都存在路径相连，则称其为连通图。下图是一个有 4 个顶点、6 条边的连通图。若要使它不再是连通图，至少要删去其中的（ ）条边。

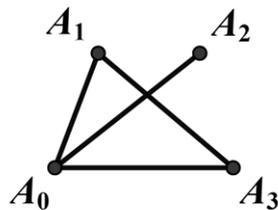


- A. 1 B. 2 C. 3 D. 4

11. 二叉树的（ ）第一个访问的节点是根节点。

- A. 先序遍历 B. 中序遍历 C. 后序遍历 D. 以上都是

12. 以 A_0 作为起点，对下面的无向图进行深度优先遍历时，遍历顺序不可能是（ ）。



- A. A_0, A_1, A_2, A_3 B. A_0, A_1, A_3, A_2 C. A_0, A_2, A_1, A_3 D. A_0, A_3, A_1, A_2

13. IPv4 协议使用 32 位地址，随着其不断被分配，地址资源日趋枯竭。因此，它正逐渐被使用（ ）位地址的 IPv6 协议所取代。

- A. 40 B. 48 C. 64 D. 128

14. （ ）的平均时间复杂度为 $O(n \log n)$ ，其中 n 是待排序的元素个数。

- A. 快速排序 B. 插入排序 C. 冒泡排序 D. 基数排序

15. 下面是根据欧几里得算法编写的函数，它所计算的是 a 和 b 的（ ）。

```
int euclid(int a, int b)
{
    if (b == 0)
        return a;
    else
        return euclid(b, a % b);
}
```

- A. 最大公共质因子 B. 最小公共质因子
C. 最大公约数 D. 最小公倍数

16. 通常在搜索引擎中，对某个关键词加上双引号表示（ ）。

- A. 排除关键词，不显示任何包含该关键词的结果
B. 将关键词分解，在搜索结果中必须包含其中的一部分
C. 精确搜索，只显示包含整个关键词的结果
D. 站内搜索，只显示关键词所指向网站的内容

17. 中国的国家顶级域名是（ ）。

- A. .cn B. .ch C. .chn D. .china

18. 把 64 位非零浮点数强制转换成 32 位浮点数后，不可能（ ）。

- A. 大于原数 B. 小于原数
C. 等于原数 D. 与原数符号相反

19. 下列程序中，正确计算 1, 2, ..., 100 这 100 个自然数之和 sum (初始值为 0) 的是（ ）。

A.	<pre>i = 1; do { sum += i; i++; } while (i <= 100);</pre>	B.	<pre>i = 1; do { sum += i; i++; } while (i > 100);</pre>
----	--	----	---

<p>C. <code>i = 1;</code> <code>while (i < 100) {</code> <code> sum += i;</code> <code> i++;</code> <code>}</code></p>	<p>D. <code>i = 1;</code> <code>while (i >= 100) {</code> <code> sum += i;</code> <code> i++;</code> <code>}</code></p>
---	--

20. CCF NOIP 复赛全国统一评测时使用的系统软件是 ()。

- A. NOI Windows B. NOI Linux C. NOI Mac OS D. NOI DOS

二、问题求解 (共 2 题, 每题 5 分, 共计 10 分; 每题全部答对得 5 分, 没有部分分)

- 7 个同学围坐一圈, 要选 2 个不相邻的作为代表, 有_____种不同的选法。
- 某系统自称使用了一种防窃听的方式验证用户密码。密码是 n 个数 s_1, s_2, \dots, s_n , 均为 0 或 1。该系统每次随机生成 n 个数 a_1, a_2, \dots, a_n , 均为 0 或 1, 请用户回答 $(s_1a_1 + s_2a_2 + \dots + s_na_n)$ 除以 2 的余数。如果多次的回答总是正确, 即认为掌握密码。该系统认为, 即使问答的过程被泄露, 也无助于破解密码——因为用户并没有直接发送密码。

然而, 事与愿违。例如, 当 $n = 4$ 时, 有人窃听了以下 5 次问答:

问答编号	系统生成的 n 个数				掌握密码的用户的回答
	a_1	a_2	a_3	a_4	
1	1	1	0	0	1
2	0	0	1	1	0
3	0	1	1	0	0
4	1	1	1	0	0
5	1	0	0	0	0

就破解出了密码 $s_1 = \underline{\hspace{1cm}}$, $s_2 = \underline{\hspace{1cm}}$, $s_3 = \underline{\hspace{1cm}}$, $s_4 = \underline{\hspace{1cm}}$ 。

三、阅读程序写结果 (共 4 题, 每题 8 分, 共计 32 分)

```
1. #include <iostream>
using namespace std;

int main()
{
    int a, b;
```

```
    cin>>a>>b;
    cout<<a<<"+"<<b<<"="<<a+b<<endl;
}
```

输入: 3 5

输出: _____

2. #include <iostream>
using namespace std;

```
int main()
{
    int a, b, u, i, num;

    cin>>a>>b>>u;
    num = 0;
    for (i = a; i <= b; i++)
        if ((i % u) == 0)
            num++;
    cout<<num<<endl;
    return 0;
}
```

输入: 1 100 15

输出: _____

3. #include <iostream>
using namespace std;

```
int main()
{
    const int SIZE = 100;

    int n, f, i, left, right, middle, a[SIZE];

    cin>>n>>f;
    for (i = 1; i <= n; i++)
```

```

        cin>>a[i];
    left = 1;
    right = n;
    do {
        middle = (left + right) / 2;
        if (f <= a[middle])
            right = middle;
        else
            left = middle + 1;
    } while (left < right);
    cout<<left<<endl;
    return 0;
}

```

输入:

12 17

2 4 6 9 11 15 17 18 19 20 21 25

输出: _____

4. #include <iostream>
using namespace std;

```

int main()
{
    const int SIZE = 100;
    int height[SIZE], num[SIZE], n, ans;
    cin>>n;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        cin>>height[i];
        num[i] = 1;
        for (int j = 0; j < i; j++) {
            if ((height[j] < height[i]) && (num[j] >= num[i]))
                num[i] = num[j]+1;
        }
    }
    ans = 0;
    for (int i = 0; i < n; i++) {

```

```

        if (num[i] > ans) ans = num[i];
    }
    cout<<ans<<endl;
}

```

输入:

6
2 5 3 11 12 4

输出: _____

四、完善程序（共 2 题，每题 14 分，共计 28 分）

1. （序列重排）全局数组变量 a 定义如下：

```

const int SIZE = 100;
int a[SIZE], n;

```

它记录着一个长度为 n 的序列 $a[1], a[2], \dots, a[n]$ 。

现在需要一个函数，以整数 p ($1 \leq p \leq n$) 为参数，实现如下功能：将序列 a 的前 p 个数与后 $n-p$ 个数对调，且不改变这 p 个数（或 $n-p$ 个数）之间的相对位置。例如，长度为 5 的序列 1, 2, 3, 4, 5，当 $p=2$ 时重排结果为 3, 4, 5, 1, 2。

有一种朴素的算法可以实现这一需求，其时间复杂度为 $O(n)$ 、空间复杂度为 $O(n)$ ：

```

void swap1(int p)
{
    int i, j, b[SIZE];

    for (i = 1; i <= p; i++)
        b[ (1) ] = a[i]; // (3分)
    for (i = p + 1; i <= n; i++)
        b[i - p] = (2); // (3分)
    for (i = 1; i <= (3); i++) // (2分)
        a[i] = b[i];
}

```

我们也可以用时间换空间，使用时间复杂度为 $O(n^2)$ 、空间复杂度为 $O(1)$ 的算法：

```

void swap2(int p)
{

```

```

int i, j, temp;

for (i = p + 1; i <= n; i++) {
    temp = a[i];
    for (j = i; j >= (4); j--) // (3分)
        a[j] = a[j - 1];
    (5) = temp; // (3分)
}
}

```

2. (二叉查找树) 二叉查找树具有如下性质: 每个节点的值都大于其左子树上所有节点的值、小于其右子树上所有节点的值。试判断一棵树是否为二叉查找树。

输入的第一行包含一个整数 n , 表示这棵树有 n 个顶点, 编号分别为 $1, 2, \dots, n$, 其中编号为 1 的为根结点。之后的第 i 行有三个数 $value, left_child, right_child$, 分别表示该节点关键字的值、左子节点的编号、右子节点的编号; 如果不存在左子节点或右子节点, 则用 0 代替。输出 1 表示这棵树是二叉查找树, 输出 0 则表示不是。

```

#include <iostream>
using namespace std;

const int SIZE = 100;
const int INFINITE = 1000000;

struct node {
    int left_child, right_child, value;
};

node a[SIZE];

int is_bst(int root, int lower_bound, int upper_bound)
{
    int cur;

    if (root == 0)
        return 1;
    cur = a[root].value;
    if ((cur > lower_bound) && (1) && // (3分)

```

```

        (is_bst(a[root].left_child, lower_bound, cur) == 1) &&
        (is_bst( (2) , (3) , (4) ) == 1))
                                                    // (3分, 3分, 3分)

        return 1;
    return 0;
}

int main()
{
    int i, n;
    cin>>n;
    for (i = 1; i <= n; i++)
        cin>>a[i].value>>a[i].left_child>>a[i].right_child;
    cout<<is_bst( (5) , -INFINITE, INFINITE)<<endl;    // (2分)
    return 0;
}

```

第十九届全国青少年信息学奥林匹克联赛初赛

普及组参考答案

一、单项选择题（共 20 题，每题 1.5 分，共计 30 分）

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
A	A	B	C	D	B	B	C	A	C
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
A	A	D	A	C	C	A	D	A	B

二、问题求解（共 2 题，每题 5 分，共计 10 分；每题全部答对得 5 分，没有部分分）

1. 14
2. $s_1 = 0, s_2 = 1, s_3 = 1, s_4 = 1$

三、阅读程序写结果（共 4 题，每题 8 分，共计 32 分）

1. $3+5=8$
2. 6
3. 7
4. 4

四、完善程序（共计 28 分，以下各程序填空可能还有一些等价的写法，由各省赛区组织本省专家审定及上机验证，可以不上报 CCF NOI 科学委员会复核）

		Pascal 语言	C++语言	C 语言	分值
1.	(1)	$n - p + i$			3
	(2)	$a[i]$			3
	(3)	n			2
	(4)	$i - p + 1$			3
	(5)	$a[i - p]$			3
2.	(1)	$cur < upper_bound$			3
	(2)	$a[root].right_child$			3
	(3)	cur			3
	(4)	$upper_bound$			3
	(5)	1			2